

## Caracterização do canal de rádio



### 1 – Principais modelos de propagação do canal de rádio 1.1 – Modelo de atenuação

Seja:

- (1) -  $p_T$  a potência transmitida (W);
- (2) -  $l$  a atenuação do sinal no canal de transmissão,

a potência recebida  $p_R$  (W) é

$$p_R = p_T \times l$$

Em unidades logarítmicas (em dB's portanto) tem-se

$$P_R = 10\log_{10}(p_R) \text{ (dB - é facultativa a sua apresentação)}$$

$$P_R = 10\log_{10}(p_T \times l) = 10\log_{10}(p_T) + 10\log_{10}(l) = P_T + L$$

em que (as bases são por defeito a base 10)

$$P_T = 10\log(p_T)$$

$$L = 10\log(l) < 0 \text{ (sempre!!!)}$$

## Caracterização do canal de rádio



### 1.2 – Atenuação em espaço livre

No espaço livre:

$$p_R = \alpha p_T d^{-2}, \text{ com } \alpha < 1$$

Em dB's

$$P_R = P_T + 10\log(\alpha) - 20\log(d)$$

ou

$$P_R = P_T + [A + B\log(d)], \text{ com } A = 10\log(\alpha) < 0 \text{ e } B = -20$$

A atenuação em espaço livre é portanto

$$L(d) = 10\log(\alpha) - 20\log(d) < 0$$

→ Depende do quadrado da distância  $d$

→ Decai com uma inclinação de -20 dB/década.

## Caracterização do canal de rádio



Forma alternativa (em escala linear), sabido o valor da potência  $p_{REF}$  a uma distância  $d_{REF}$  da antena emissora (não é o afastamento horizontal)

$$p_R = p_{REF} \times (d_{REF}/d)^2$$

A forma alternativa em dB's é

$$P_R = 10 \log(p_{REF}) + 20 \log(d_{REF}) - 20 \log(d)$$

Com esta representação alternativa, a atenuação  $L(d)$  é

$$L(d) = A + B \log(d), \text{ com } A = 10 \log(p_{REF}) + 20 \log(d_{REF}) < 0 \text{ e } B = -20$$

Seja qual for a forma de expressão, em espaço livre a potência do sinal diminui na quantidade 20 dB/década:

Se  $P_R(d_1) = 15$  dB, então  $P_R(10d_1) = 15 - 20$  dB e ainda  $P_R(10^k d_1) = 15 - 20k$ .

## Caracterização do canal de rádio



### 1.3 – Extensão da atenuação em espaço livre, com a frequência

Viu-se que a atenuação em espaço livre varia com a distância  $d$  através de  $L(d) = A - 20 \log(d)$ ,  $A < 0$

Para obter o modelo completo, com a frequência, assumam-se

- (1) – antena é alimentada com ganho  $g_T$ , alimentada à potência  $p_a$  (W)
- (2) – no emissor, a antena radia com uma eficiência  $\eta$
- (3) – a potência transmitida é  $p_T = g_T p_a \eta$

À distância  $d$  da antena, tem-se a densidade de potência  $S$  (W/m<sup>2</sup>)

$$S = g_T p_T / (4\pi d^2) \text{ ou } S = g_T p_a \eta / (4\pi d^2)$$

Se não houver dissipação térmica na antena, esta tem uma eficiência de  $\eta = 100\%$ , e a densidade de potência é  $S = g_T p_a / (4\pi d^2)$ .

## Caracterização do canal de rádio



Demonstra-se que a área de uma antena e o seu ganho relacionam-se através de  
 $A_{ef} = \lambda^2 g_R / (4\pi)$

A potência recebida é então  
 $p_R = A_{ef} S$

Substituindo as duas quantidades no segundo membro dá  
 $p_R = [\lambda^2 g_R / (4\pi)] \times [g_T p_a / (4\pi d^2)] = g_T g_R [\lambda / (4\pi d)]^2 p_a = g_T g_R l p_a$

A atenuação em espaço livre é então dada por  
 $l = [\lambda / (4\pi d)]^2$ , não sendo de esquecer que  $\lambda = c/f = 300/f_{MHz}$

Em dB's a atenuação em espaço livre é  
 $L = 10 \log(l) = -32.44 - 20 \log(f_{MHz}) - 20 \log(d_{km})$

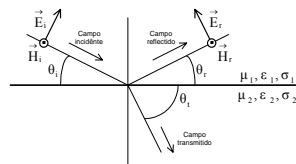
## Caracterização do canal de rádio



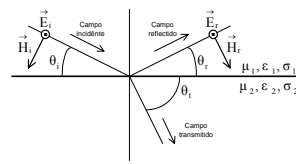
### 1.4 – Reflexão na terra plana

Existem dois tipos de incidência:

- (1) – incidência em polarização horizontal
- (2) – incidência em polarização vertical.



Incidência em polarização vertical



Incidência em polarização horizontal

Se  $E_i$  for a intensidade do campo incidente,

- (1) – o campo reflectido é  $E_r = \Gamma E_i$  em que  $\Gamma$  é o coeficiente de reflexão
- (2) – o campo transmitido é  $E_t = T E_i = (1 + \Gamma) E_i$  e  $T$  é o coeficiente de transmissão.

## Caracterização do canal de rádio



Dependendo da polarização de incidência, os coeficientes de reflexão são

$$\Gamma_V(\theta) = \frac{\epsilon_{r2} \sin(\theta) - \sqrt{\epsilon_{r2} - \cos^2(\theta)}}{\epsilon_{r2} \sin(\theta) + \sqrt{\epsilon_{r2} - \cos^2(\theta)}}, \text{ para o caso da polarização vertical}$$

$$\Gamma_H(\theta) = \frac{\sin(\theta) - \sqrt{\epsilon_{r2} - \cos^2(\theta)}}{\sin(\theta) + \sqrt{\epsilon_{r2} - \cos^2(\theta)}}, \text{ para o caso da polarização horizontal.}$$

$\epsilon_r$  é a permitividade relativa (complexa), dada por

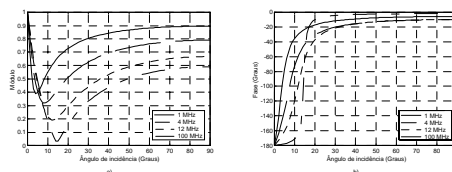
$$\epsilon_r = \epsilon_{r2} - jX$$

$$X = \frac{\sigma_2}{\omega \epsilon_0} = \frac{18000 \sigma_2}{f_{\text{MHz}}} = 60 \sigma_2 \lambda, \text{ em que}$$

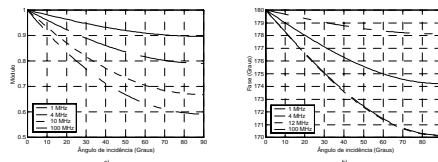
$\sigma_2$  é condutividade do meio 2

$\epsilon_{r2}$  é a parte real da permitividade relativa do meio 2 (ou constante dielétrica).

## Caracterização do canal de rádio



Módulo a) e fase b) do coeficiente de reflexão  $\Gamma_V$  para a polarização vertical em função do ângulo de incidência  $\theta_i$ , com  $\epsilon_r = 15$  e  $\sigma = 10^{-2} \text{ S m}^{-1}$ .



Módulo a) e fase b) do coeficiente de reflexão  $\Gamma_H$  para a polarização horizontal em função do ângulo de incidência  $\theta_i$ , com  $\epsilon_r = 15$  e  $\sigma = 10^{-2} \text{ S m}^{-1}$ .



## Caracterização do canal de rádio

Se o meio 1 for o espaço livre e o meio 2 for o vazio ( $\sigma_2=0$ ), o ângulo de Brewster é

$$\text{sen}(\theta_B) = \sqrt{\frac{\epsilon_{r2} - 1}{\epsilon_{r2}^2 - 1}}$$

Este é o ângulo onde não há reflexão e apenas ocorre para o caso da polarização vertical.

### 1.5 – Modelo de Terra plana

A atenuação é dada por  $l = l_F \times \left| g_T + g_R \frac{r_1}{r_2} [\Gamma + (2-T)A] e^{-j\phi} + \dots \right|^2$

$$A = -[1 + j\beta_0 d (X + \text{sen } \theta)]^{-1}, \quad \theta = \arctg\left(\frac{h_{te} - h_{re}}{d}\right)$$

Para grandes distâncias,  $l \cong (h_{te} h_{re})^2 d^{-4}$  – decaimento de -40 dB/década, onde:

- $d$  é o afastamento horizontal
- $r_1$  é o comprimento do percurso directo
- $r_2$  é o comprimento do percurso reflectido.



## Caracterização do canal de rádio

### 1.6 - Efeito da curvatura da Terra

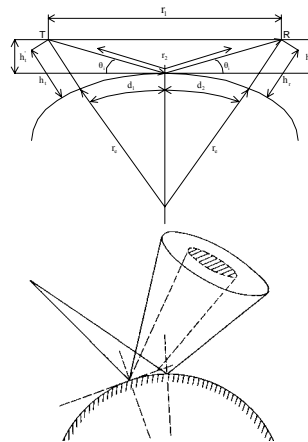
A curvatura da Terra introduz o que se designa por divergência da frente de onda

O campo sofre uma correcção:

$$E = E_d (1 + D_v |\Gamma| e^{-j(\Delta\Phi - \phi)})$$

$$D_v \cong \left[ 1 + \frac{2 d_1 d_2}{r_e d \text{sen}(\theta)} \right]^{-\frac{1}{2}}$$

$E_d$  é o campo recebido no percurso directo



## Caracterização do canal de rádio



### 1.7 – Atenuação num meio genérico

Para uma distância  $d$  da antena do emissor, a perda é

$$l(d) = \alpha d^{-n}, 2 \leq n \leq 5$$

ou em dB's

$$L(d) = 10 \log(\alpha) - 10n \cdot \log(d), 2 \leq n \leq 5 \rightarrow A = 10 \log(\alpha) \text{ e } B = -10n$$

- Recorda-se que: (1) – no espaço livre  $n=2$   
(2) – em Terra plana  $n=4$   
(3) – em áreas urbanas  $n=3.8$  é uma boa regra

Também se podia usar o modelo

$$p_R = p_{REF} (d_{REF}/d)^n, 2 \leq n \leq 5$$

que em dB's é

$$P_R = 10 \log(p_{REF}) + 10n \cdot \log(d_{REF}) - 10n \cdot \log(d), B = -10n \text{ e } 2 \leq n \leq 5$$

$B = -10n$  é o caminho de perda,  $n$  é o factor de propagação.

## Caracterização do canal de rádio



Formulário “resumo” com os aspectos chave:

- $X = 10 \log(x) \rightarrow$  Se  $z = xy$ , então  $Z = X + Y$
- $p_R = L + P_T$
- $L = A + B \log(d)$ ,  $A < 0$  e  $B = -10n < 0$ ,  $2 \leq n \leq 5$
- $P_R = L + P_T$
- Inclinação de uma recta logarítmica (ou caminho de perda) é  $-10n$  dB/década
- Factor de propagação  $2 \leq n \leq 5$ .