2º Ano de Engenharias Civil, Electrotécnica e Mecânica Métodos Numéricos - 2º semestre 2008/2009 Ficha prática nº 4 - Problemas de Mínimos Quadrados Lineares

Docente: Carlos Balsa - Departamento de Matemática - ESTiG

1. Determine um polinómio de grau 1 (linha recta) pelo método dos mínimos quadrados que melhor ajusta os seguintes dados

- (a) Faça um gráfico com os dados originais juntamente com o polinómio resultante e comente a qualidade da aproximação.
- (b) Ajuste os mesmos dados através de polinómios de grau 2, 3, 4 e 5, utilizando a função [x, r] = normaleq(A,b) da NMLibforOctave.
- (c) Com base nos respectivos gráficos, comente os resultados obtidos na alínea anterior.
- 2. Considere os seguintes dados

- (a) Determina a recta de regressão linear.
- (b) O coeficiente de correlação é calculado da seguinte forma

$$r = \sqrt{\frac{S_t - S_r}{S_t}}$$

em que $S_t = \|y - \bar{y}\|_2^2$, sendo \bar{y} a média dos valores de y, e S_r o quadrado da norma do resíduo $(S_r = \|y - Ax\|_2^2)$. Sabendo que o coeficiente de correlação determina a qualidade do ajuste do modelo aos dados, calcule o seu valor de forma a verificar a qualidade do ajuste.

1

3. Considere os seguintes dados

- (a) Determine a combinação linear do seguinte conjunto de funções (2t+1), $(2t+1)^2$ e $(2t+1)^3$ que, no sentido do método dos mínimos quadrados, melhor aproxima os dados.
- (b) Estime os valores da função tabela em em t=6 e t=12. Fará sentido estimar a função em t=-6?
- (c) Compare os números de condição das matrizes A e A^TA .
- (d) Se todos os dados recolhidos não forem exactos e tiverem uma incerteza associada de ± 0.02 determine o erro relativo associado à solução do problema.