

2º Ano de Engenharias Civil, Electrotécnica e Mecânica  
 Métodos Numéricos - 2º semestre 2008/2009  
 Ficha prática nº 3 - Resolução de Sistemas de Equações Lineares  
 Docente: Carlos Balsa - Departamento de Matemática - ESTiG

1. Considere o seguinte sistema

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 9 \\ 7 & 1 & 1 \\ 1 & 5 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 54 \\ 20 \\ 7 \end{bmatrix}$$

- (a) Escreva o esquema iterativo de Jacobi para a resolução do sistema anterior.
- (b) Aproxime a solução deste sistema efectuando duas iterações do método de Jacobi e calcule o resíduo correspondente.
- (c) Resolva computacionalmente este sistema através do método de Jacobi (use a função `[ ]=jacobi( )` da NMlibforOctave) de forma a obter

$$\frac{\|b - Ax^{(k)}\|_2}{\|b\|_2} \leq 10^{-3}.$$

2. Considere o sistema de equações lineares  $Ax = b$  com

$$A = \begin{bmatrix} 2.44 & 3.96 & 6.33 \\ 2.44 & 0.40 & 2.04 \\ 1.52 & 2.49 & 0.97 \end{bmatrix} \quad \text{e} \quad b = \begin{bmatrix} 1.2 \\ 10.0 \\ -1.0 \end{bmatrix}.$$

- (a) Resolva computacionalmente este sistema pelo método de Gauss-Seidel (use a função `[ ]=gauss_seidel( )` da NMlibforOctave), considerando como critério de convergência

$$\frac{\|b - Ax^{(k)}\|_2}{\|b\|_2} \leq 10^{-8}.$$

- (b) Permute a ordem das equações de forma a reforçar a dominância por linhas da diagonal.
- (c) Resolva computacionalmente o sistema permutado pelo mesmo método.
- (d) Comente os resultados obtidos.

3. Considere o sistema de equações lineares

$$\begin{bmatrix} 4 & -1 & -1 & 0 \\ -1 & 4 & 0 & -1 \\ -1 & 0 & 4 & -1 \\ 0 & -1 & -1 & 4 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

Resolva computacionalmente este sistema pelos métodos de Jacobi, Gauss-Seidel e Gradiente Conjugado de maneira a que

$$\frac{\|b - Ax^{(k)}\|_2}{\|b\|_2} \leq 10^{-8}$$

e analise os resultados obtidos.