

Entregar no horário indicado na página da disciplina,  
na Mentoring Academy.

Exercícios

1. 2.2 (d)
2. 2.4 (f) (h)
3. 2.8 (j)
4. 1.77

4. Exercício 1.77

quantidade  
de produto

$$\begin{array}{c} 48^F \quad P \quad 42^D \\ \hline x \quad P \quad 28^D \end{array}$$

- Determinar a quantidade de produto  $P'$  produzida por cada funcionário nos 42 dias

$$P' = \frac{P}{48} \text{ produto/funcionário}$$

- Determinar a quantidade de produto  $P''$  produzida por funcionário, por dia.

$$P'' = \frac{P'}{42} = \frac{P}{48 \times 42} \text{ Produto} \\ (\text{funcionário} \times \text{dia})$$

- A esta taxa, a quantidade de produto por funcionário produzida em 28 dias é

$$Q' = P'' \times 28 = \frac{P \times 28}{48 \times 42}$$

↓  
 Produto / funcionário  
 durante 28 dias

- A esta taxa, o número de funcionários necessário para produzir a quantidade de produto  $P$  é

$$P = Q' X$$

↓  
 Número de funcionários

$$\hookrightarrow X = \frac{P}{Q'}$$

$$\Leftrightarrow X = \frac{P}{\frac{P \times 28}{48 \times 42}} = \frac{48 \times 42}{28}$$

$$\Leftrightarrow X = 72 \text{ funcionários}$$


---

### 1. Exerc 2.2(d)

$$f(x) = \frac{3x+1}{x-2} \quad g(x) = x^2 + 2$$

$$f(g(2)) = f(2^2 + 2) = f(6)$$

$$= \frac{3 \times 6 + 1}{6 - 2} = \frac{19}{4}$$


---

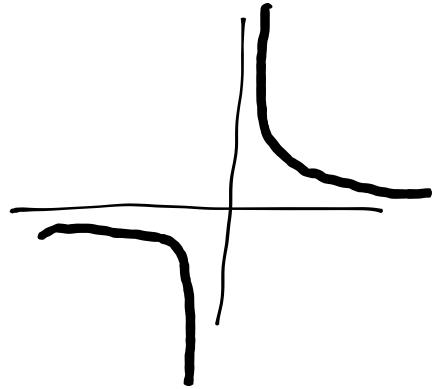
2. Exerc 2.4 (f) (a)

$$(a) y = \frac{1}{x}$$

(i) Domínio de  $y = \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
Valores no eixo dos  $x$

Imagens de  $y = \mathbb{R} \setminus \{0\}$   
Valores no eixo dos  $y$

(ii) Gráfico



(iii) Decrece em  $[-2, -1]$ .

• Não cresce em nenhum subintervais do seu domínio.

---

$$(b) f(x) = \frac{1}{x-2}$$

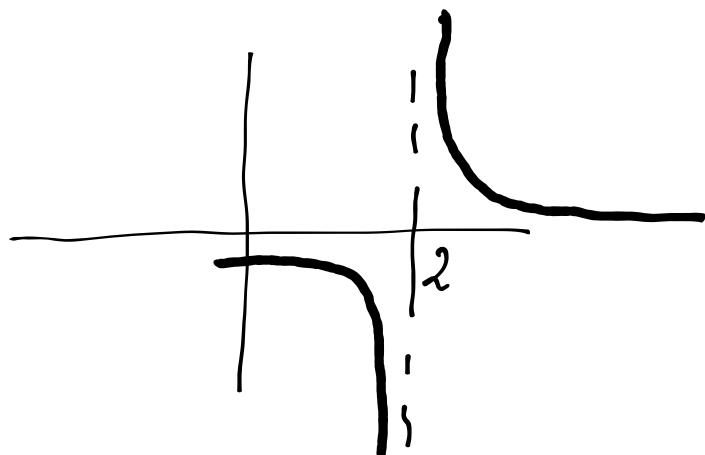
(i) Domínio =  $\mathbb{R} \setminus \{2\}$

Valores no eixo dos  $x$

Imagem de  $y = \mathbb{R} \setminus \{0\}$

Valores no eixo dos  $y$

(ii)



(iii)

. Decrece em  $[-2, -1]$ .

. Não cresce em nenhum subintervalo do seu domínio.

---

### 3. Exerc 2.8 (j)

Determinar a função inversa de  $y = 2^x$ .

. Resolver a equações em ordem a  $x$

$$y = 2^x \Leftrightarrow \log_2(y) = \log_2(2^x)$$

$$\Leftrightarrow \log_2(y) = x$$

- Colocar a fórmula na forma normal trocando  $x, y$

$$y = \log_2(x)$$

A função  $f^{-1}(x) = \log_2(x)$   
é a função inversa de  
 $f(x) = 2^x$

$$\begin{cases} \text{Domínio de } f(x) = \mathbb{R} = \text{Imagem de } f^{-1}(x) \\ \text{Imagem de } f(x) = \mathbb{R}^+ = \text{Domínio de } f^{-1}(x) \end{cases}$$

→ Verificam-se estas duas condições necessárias para que duas funções possam ser inversas entre si.

